

RECTIFICATION

$$1. T = T_{Translation} + T_{Rotation} = \frac{1}{2}M\dot{x}^2 + \frac{1}{2}\frac{1}{2}MR^2\dot{\theta}^2 = \frac{1}{2}M\dot{x}^2 + \frac{1}{2}\frac{1}{2}M\dot{x}^2 = \frac{3}{4}M\dot{x}^2.$$

(Car pour un roulement sans glissement: $R\theta = x \Rightarrow R\dot{\theta} = \dot{x}$.)

$$U = U_k \approx \frac{1}{2}k(R\sin\theta + x)^2 \approx \frac{1}{2}k(R\theta + x)^2 = \frac{1}{2}k(x + x)^2 = \frac{1}{2}k(2x)^2.$$

J'ai oublié en cours de vous demander d'ajouter le x dans l'allongement du ressort:
Car le disque tourne d'un angle θ tout en translatant d'une distance x : *Désolé!*

$$\begin{aligned} \mathcal{D} &= \frac{1}{2}\alpha v^2 = \frac{1}{2}\alpha \dot{x}^2. \\ 2. \mathcal{L} &= T - U = \frac{3}{4}M\dot{x}^2 - 2kx^2. \\ \frac{d}{dt} \left(\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{x}} \right) - \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial x} &= -\frac{\partial \mathcal{D}}{\partial x} \Rightarrow \frac{3}{2}M\ddot{x} + 4kx = -\alpha \dot{x} \\ \Rightarrow \ddot{x} + \frac{2\alpha}{3M}\dot{x} + \frac{8k}{3M}x &= 0. \quad \lambda = \frac{\alpha}{3M}. \quad \omega_0 = \sqrt{\frac{8k}{3M}}. \end{aligned}$$

